

**Паспорт
фонда оценочных средств
по дисциплине Математика**
(наименование дисциплины/МДК)

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины*	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	Линейная алгебра	<i>ОК 1-9 ПК 1.1, 1.3, 2.1, 2.2, 3.1, 4.1 - 4.5</i>	<i>реферат, контрольная работа, экзамен</i>
2	Дифференциальное исчисление	<i>ОК 1-9 ПК 1.1, 1.3, 2.1, 2.2, 3.1, 4.1 - 4.5</i>	<i>реферат, контрольная работа, экзамен</i>
3	Интегральное исчисление	<i>ОК 1-9 ПК 1.1, 1.3, 2.1, 2.2, 3.1, 4.1 - 4.5</i>	<i>реферат, контрольная работа, экзамен</i>
4	Теория вероятностей	<i>ОК 1-9 ПК 1.1, 1.3, 2.1, 2.2, 3.1, 4.1 - 4.5</i>	<i>реферат, контрольная работа, экзамен</i>
5	Математическая статистика	<i>ОК 1-9 ПК 1.1, 1.3, 2.1, 2.2, 3.1, 4.1 - 4.5</i>	<i>реферат, контрольная работа, экзамен</i>

Перечень оценочных средств

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
1	2	3	4
1	Реферат	Продукт самостоятельной работы студента, представляющий собой краткое изложение в письменном виде полученных результатов теоретического анализа определенной научной (учебно-исследовательской) темы, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения, а также собственные взгляды на нее.	Темы рефератов
2	Контрольная работа	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Комплект контрольных заданий по вариантам
3	Экзамен	Средство проверки знаний и умений полученных после изучения дисциплины	Экзаменационные билеты, вопросы к экзамену

Кафедра математики, физики, химии и информационных технологий

**Перечень тем сообщений, рефератов, докладов
для самостоятельной работы студентов**

1. Матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами.
2. Методы решения матричных уравнений.
3. Определители. Свойства определителей. Способы вычисления определителей.
4. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.
5. Решение систем линейных уравнений с помощью обратной матрицы.
6. . Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.
7. Предел функции. Типы неопределённостей. Способы их раскрытия.
8. Непрерывность функции в точке.
9. Непрерывность функции на отрезке.
10. Точки разрыва функции.
11. Производная функции. Её геометрический и физический смысл.
12. Применение производной для исследования функции.
13. Вывод формулы для приближённых вычислений.
14. Методы вычисления неопределённого интеграла.
15. Метод замены переменной в неопределённом интеграле.
16. Интегрирование по частям в неопределённом интеграле.
17. Вычисление площадей фигур используя определённый интеграл.
18. Несобственный интеграл.
19. Понятие комплексного числа. Три формы записи комплексного числа.
Геометрическая интерпретация. Действия над комплексными числами.
20. Определения вероятности события.
21. Формулы комбинаторики.
22. Теоремы сложения и умножения вероятностей событий и их следствия.
23. Повторные независимые испытания. Схема Бернулли.
24. Случайные величины.
25. Выборочный метод в математической статистике.
26. Первичная обработка статистических данных.
27. Точечные и интервальные оценки.

Структура и правила оформления реферата

Структура

- Титульный лист.
- Оглавление (в нем последовательно указываются названия пунктов доклада, указываются страницы, с которых начинается каждый пункт).

- Введение.
- Основная часть.
- Заключение.
- Список литературы.

Введение

Введение – своеобразная презентация работы. Раздел должен содержать постановку проблемы в рамках выбранной темы и обоснование выбора проблемы и темы. Здесь дается краткая характеристика исследуемой темы, обосновывается ее актуальность и личная заинтересованность автора в ее исследовании, отмечается практическая ценность ее содержания. В разделе указываются конкретные задачи, которые предстоит решить в соответствии с поставленной целью.

Основная часть

В данном разделе должна быть раскрыта тема реферата. Здесь необходимо полностью изложить накопленный и проанализированный материал, суть проблемы, точки зрения других исследователей и собственное мнение по данной проблеме. Каждая часть данного раздела должна описывать определенную задачу и приводить к соответствующим выводам.

Заключение

В данном разделе подводятся итоги всей работы, делаются выводы, содержащие четкие и проанализированные ответы на поставленные цели. Здесь же указываются итоговые выводы и обобщения по всей теме, отмечается то новое, что получено в результате проделанной работы. Заключение по объему не должно превышать введение.

Список литературы

Текст должен содержать ссылки на цитируемые источники, которые все приводятся в данном разделе. В списке литературы обязательно указывать источник, из которого была взята статья.

Список составляется в алфавитном порядке по фамилиям авторов. При наличии нескольких работ одного автора их названия располагаются по годам изданий. Если использовались отдельные страницы из книги, то указываются именно они. Иностранные источники (материалы, изданные на иностранном языке) перечисляются в конце всего списка.

Критерии оценивания реферата

Изложенное понимание реферата как целостного авторского текста определяет критерии его оценки:

Новизна текста:

- а) актуальность темы исследования;

б) новизна и самостоятельность в постановке проблемы, формулирование нового аспекта известной проблемы в установлении новых связей (межпредметных, внутриспредметных, интеграционных);

в) умение работать с исследованиями, критической литературой, систематизировать и структурировать материал;

г) наличие авторской позиции, самостоятельность оценок и суждений; д) стилевое единство текста, единство жанровых черт.

Степень раскрытия сущности вопроса:

а) соответствие плана теме реферата;

б) соответствие содержания теме и плану реферата;

в) полнота и глубина знаний по теме;

г) обоснованность способов и методов работы с материалом;

е) умение обобщать, делать выводы, сопоставлять различные точки зрения по одному вопросу (проблеме).

Обоснованность выбора источников:

а) оценка использованной литературы: привлечены ли наиболее известные работы по теме исследования (в т.ч. журнальные публикации последних лет, последние статистические данные, сводки, справки и т.д.).

Соблюдение требований к оформлению:

а) насколько верно оформлены ссылки на используемую литературу, список литературы;

б) оценка грамотности и культуры изложения (в т.ч. орфографической, пунктуационной, стилистической культуры), владение терминологией;

в) соблюдение требований к объёму реферата.

Оценка «отлично» ставится, если выполнены все требования к написанию и защите реферата: обозначена проблема и обоснована её актуальность, сделан краткий анализ различных точек зрения на рассматриваемую проблему и логично изложена собственная позиция, сформулированы выводы, тема раскрыта полностью, выдержан объём, соблюдены требования к внешнему оформлению, даны правильные ответы на дополнительные вопросы.

Оценка «хорошо» – основные требования к реферату и его защите выполнены, но при этом допущены недочёты. В частности, имеются неточности в изложении материала; отсутствует логическая последовательность в суждениях; не выдержан объём реферата; имеются упущения в оформлении; на дополнительные вопросы при защите даны неполные ответы.

Оценка «удовлетворительно» – имеются существенные отступления от требований к реферированию. В частности: тема освещена лишь частично; допущены фактические ошибки в содержании реферата или при ответе на дополнительные вопросы; во время защиты отсутствует вывод.

Оценка «неудовлетворительно», продвинутый уровень не достигнут – тема реферата не раскрыта, обнаруживается существенное непонимание проблемы.

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова

(подпись)

«___» _____ 20 г.

Кафедра математики, физики, химии и информационных технологий

Комплекты заданий для контрольных работ

Тема 1. Линейная алгебра.

Вариант 1.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 2x - 3y - 5z = 1 \\ 3x + y - 2z = -4 \\ x - 2y + z = 5 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ 3x_1 - x_2 - x_3 - 2x_4 = -4 \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 - x_4 = -4 \end{cases}$$

Вариант 2.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} x - 3y + z = 2 \\ 2x + y + 3z = 3 \\ 2x - y - 2z = 8 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 6 \\ 2x_1 - x_2 - 2x_3 - 3x_4 = 8 \\ 3x_1 + 2x_2 - x_3 + 2x_4 = 4 \\ 2x_1 - 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -8 \end{cases}$$

Вариант 3.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 2x + 3y - z = 2 \\ x - y + 3z = -4 \\ 3x + 5y + z = 4 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5 \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 1 \\ 4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -5 \end{cases} \dots$$

Вариант 4.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 4x + 3y - 2z = -1 \\ 3x + y + z = 3 \\ x - 2y - 3z = 8 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -5 \\ x_1 - 2x_3 + 3x_4 = -4 \\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_4 = 12 \\ 4x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 5 \end{cases}$$

Вариант 5.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 5x - 2y + z = -1 \\ 2x + y + 2z = 6 \\ x - 3y - z = -5 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 4 \\ 3x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 6 \\ 3x_1 - x_2 - x_3 + 2x_4 = 6 \\ 3x_1 - x_2 + 3x_3 - x_4 = 6 \end{cases}$$

Вариант 6.

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 3x + 3y + 2z = -1 \\ 2x + y - z = 3 \\ x - 2y - 3z = 4 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 + 7x_4 = 12 \\ 3x_1 + 5x_2 + 7x_3 + x_4 = 0 \\ 5x_1 + 7x_2 + x_3 + 3x_4 = 4 \\ 7x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 16 \end{cases}.$$

Тема 2. Дифференциальное исчисление.

Вариант 1.

1. Найти пределы функций:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 7x + 2}{2x^2 - 5x + 2}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3x + 1}{4x^2 + x - 2}; \quad \text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\operatorname{tg} 2x}.$$

2. Найти производные заданных функций:

$$\text{а) } y = (3x^4 - \frac{5}{\sqrt[4]{x}} + 2)^5; \quad \text{б) } y = \ln \sqrt[5]{\left(\frac{1-5x}{1+5x}\right)^3}.$$

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{2}{1+x^2}.$$

Вариант 2.

1. Найти пределы функций:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 8x + 7}{(x-7)^2}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{3x-2} - 2}{x-2}; \quad \text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 6x}{3x}.$$

2. Найти производные заданных функций:

$$\text{а) } y = (5x^2 + 4\sqrt[4]{x^5} + 3); \quad \text{б) } y = \ln \sqrt[6]{\frac{1-x^6}{1+x^6}}.$$

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и

точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{4x}{x^2 + 16}$$

Вариант 3.

1. Найти пределы функций:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + x - 1}{5x^2 + 4x - 1}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 + 2x - x^2}{4x^2 - 5x + 2}; \quad \text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\arcsin 3x}.$$

2. Найти производные заданных функций:

$$\text{а) } y = \left(\frac{1}{4}x^8 + 8\sqrt{x^3} - 1 \right)^3; \quad \text{б) } y = \ln \sqrt[4]{\frac{4x-1}{x^4+1}}.$$

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{2x}{x^2 + 4}$$

Вариант 4.

3. Найти пределы функций:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 - 1}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3}{4x^3 + 5x}; \quad \text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{tg} 2x \cdot \operatorname{ctg} 4x.$$

4. Найти производные заданных функций:

$$\text{а) } y = \left(\frac{1}{5}x^5 - 3x\sqrt{x} - 4 \right)^4; \quad \text{б) } y = \ln \sqrt[3]{\frac{x^3 - 3}{x^3 + 2}}.$$

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{9x}{x^2 + 9}$$

Вариант 5.

1. Найти пределы функций:

а) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + 3x + 1}{x^3 + 1}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x+1} - \sqrt{x})$; в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{x^2}$.

2. Найти производные заданных функций:

а) $y = (3x^8 + 5\sqrt[5]{x^2} - 3)^5$; б) $y = \ln \sqrt[5]{\left(\frac{5x+3}{x^5+1}\right)^2}$.

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{(x+2)^2}{x^2+4}$$

Вариант 6.

1. Найти пределы функций:

а) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 10x + 8}{x^2 - 4}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x} - 2x}{3x + 1}$; в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\operatorname{arctg} 2x}$.

2. Найти производные заданных функций:

а) $y = \left(5x^4 - \frac{2}{x\sqrt{x}} + 3\right)^2$; б) $y = \ln \sqrt[4]{\frac{1-8x}{x^8+1}}$.

3. Исследовать данную функцию методом дифференциального исчисления и построить её график. Исследование функции рекомендуется проверить по следующей схеме: 1) найти область определения функции; 2) исследовать функцию на непрерывность; 3) определить, является ли данная функция четной, нечетной; 4) найти интервалы возрастания и убывания функции и точки ее экстремума; 5) найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции и точки перегиба; 6) найти асимптоты графика функции.

$$y = \frac{6}{x^2+3}$$

Тема 3. Интегральное исчисление

Вариант 1.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{a) } \int \left(4x^3 + 3 - \frac{6}{\sqrt[5]{x^3}} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \frac{dx}{\sqrt[4]{4x+1}};$$

$$\text{в) } \int e^{\sin x} \cos x dx;$$

$$\text{г) } \int \ln 5x dx.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$y = 4x, \quad y = 0, \quad x = 3.$$

Вариант 2.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{a) } \int \left(8x - \frac{5}{x^6} + 7\sqrt{x} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \frac{dx}{\sin^2(4x-3)};$$

$$\text{в) } \int \frac{e^x dx}{e^x + 5};$$

$$\text{г) } \int x \cos 2x dx.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$2y - 3x - 5 = 0, \quad y = 0, \quad x = 1, \quad x = 3.$$

Вариант 3.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{a) } \int \left(7x^6 - \frac{3}{x^4} + 3\sqrt{x} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \frac{dx}{1+4x^2};$$

$$\text{в) } \int \operatorname{tg} 2x dx;$$

$$\text{г) } \int \frac{\ln x}{x^3} dx;$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$y = 2x - x^2, \quad y = 0.$$

Вариант 4.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{a) } \int \left(5x^4 - 7 + \frac{3}{\sqrt{x}} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \frac{dx}{\sqrt[3]{3x+2}};$$

$$\text{в) } \int \frac{x^3 dx}{x^4 + 1};$$

$$\text{г) } \int x^2 e^x dx.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$y = x^3, \quad y = 2x.$$

Вариант 5.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{а) } \int \left(6x^5 - \frac{1}{x^2} - 8\sqrt[5]{x^3} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int 5^{2x+1} dx;$$

$$\text{в) } \int \frac{\cos x dx}{\sin^3 x};$$

$$\text{г) } \int \sqrt[3]{x} \ln x dx.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$y^2 = 4(x+1), \quad y = x+1.$$

Вариант 6.

1. Вычислить указанные неопределённые интегралы:

$$\text{а) } \int \left(5x^4 - \frac{4}{x^5} + \frac{9}{\sqrt[4]{x}} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \frac{dx}{3x+1};$$

$$\text{в) } \int e^{x^3} x^2 dx;$$

$$\text{г) } \int x \sin 3x dx.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями. Сделать чертёж и заштриховать искомую площадь.

$$y = 2x - x^2, \quad y = -x.$$

Тема 4. Теория вероятностей

Вариант 1.

1. Наудачу выбирают 5 военнослужащих из группы, состоящей из 4 офицеров и 12 солдат. Какова вероятность того, что в группе будет два офицера?

2. Два стрелка стреляют по мишени. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для первого стрелка равна 0.5, для второго – 0.6. Найти вероятность того, что при одном залпе в мишень попадет только один из стрелков.
3. Радист трижды вызывает корреспондента. Вероятность того, что будет принят первый вызов, равна 0.3, второй – 0.4, третий – 0.5. По условиям приёма события, состоящие в том, что данный вызов будет услышан, независимы. Найти вероятность того, что корреспондент вообще услышит вызов.
4. В магазин поступили телевизоры из трех заводов. Вероятность того, что телевизор изготовлен на первом заводе, равна 0,3, на втором – 0,2, на третьем – 0,5. Вероятность того, что телевизор окажется бракованным, для первого завода равна 0,2, для второго – 0,1, для третьего – 0,3. Найти вероятность того, что наугад взятый телевизор окажется забракованным.
5. Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,7. Производится 4 выстрела. Найти вероятность того, что цель будет поражена не более двух раз.
6. Бросаем монету 40 раз. Чему равна вероятность того, что герб появится 25 раз.
7. Вероятность попадания в мишень примерно 0,3. Какова вероятность того, что при 50 выстрелах попаданий будет от 12 до 15?
8. Семена пшеницы содержат 0,2% сорняков. Найти вероятность того, что в 1000 семян будет 6 семян сорняков.

Вариант 2.

1. Среди 25 студентов, из которых 15 девушек, разыгрываются четыре билета, причём каждый может выиграть только один билет. Какова вероятность того, что среди обладателей билета окажутся три юноши и одна девушка?
2. Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что изделие стандартно, равна 0.9. Найти вероятность того, что из двух проверенных изделий только одно стандартное.
3. Монета брошена четыре раза. Найти вероятность того, что герб появится хотя бы один раз.
4. В партии 600 лампочек: 200 изготовлены на I заводе, 250 - на II, 150 - на III. Вероятность того, что лампочка окажется стандартной для I завода равна 0,97, для II – 0,91, для III – 0,93. Какова вероятность того, что наудачу взятая лампочка, оказавшаяся стандартной, изготовлена I заводом?
5. Случайно встреченное лицо с вероятностью, близкой к 0,4, может оказаться блондином. Какова вероятность того, что среди шести случайно встреченных лиц не меньше 5 блондинов?
6. Баскетболист забрасывает штрафной примерно с вероятностью 0,9. Какова вероятность того, что из 60 бросков 45 удачных?
7. По данным телевизионного ателье, в течение гарантийного срока выходит из строя в среднем 12% кинескопов. Какова вероятность того, что из 54 наугад выбранных кинескопов проработают гарантийный срок от 45 до 50 телевизоров?
8. Счетчик Гейгера регистрирует частицы, вылетающие из некоторого радиоактивного источника, с вероятностью 0,0001. Предположим, что за

время наблюдения из источника вылетело 30000 частиц. Какова вероятность того, что счетчик не зарегистрировал ни одной частицы?

Вариант 3.

1. Восемь друзей распределяют места за круглым столом по жребию. Какова вероятность того, что два из них, а именно А и В, будут сидеть рядом?
2. Вероятность того, что при одном измерении некоторой физической величины будет допущена ошибка, превышающая заданную точность, равна 0.4. Произведены три независимых измерения. Найти вероятность того, что только в одном из них допущенная ошибка превысит заданную точность.
3. Из 20 сбербанков 10 расположены за чертой города. Для обследования случайным образом отобрано 5 сбербанков. Какова вероятность того, что среди отобранных окажется в черте города хотя бы один?
4. Путешественник может купить билет в одной из трех касс железнодорожного вокзала. Вероятность того, что он направится к первой кассе, примерно равна $1/2$, ко второй - $1/3$, к третьей - $1/6$. Вероятность того, что билетов уже нет в кассах, примерно такие: в первой кассе - $1/5$, во второй - $1/6$, в третьей - $1/8$. Путешественник обратился в одну из касс и получил билет. Определите вероятность того, что он направился к первой кассе.
5. Игральная кость брошена 6 раз. Найти вероятность того, что «шестерка» появится, по крайней мере два раза.
6. Вероятность того, что семя злака прорастет, равна 0,9. Найти вероятность того, что из 100 посеянных семян прорастет ровно 95.
7. Вероятность появления события А в каждом из 360 независимых испытаний равна 0,8. Найти вероятность того, что в этих испытаниях событие А появится не менее 280 и не более 300 раз.
8. Вероятность попадания в мишень примерно 0,0002. Какова вероятность того, что при 5000 выстрелов будет 2 попадания?

Вариант 4.

1. Из стандартного набора домино (28 штук). Берётся наудачу одна кость. Какова вероятность того, что эта кость будет дублем, если известно, что сумма очков на ней – чётное число?
2. Брошены три игральные кости. Найти вероятность события: на всех выпавших гранях появится одинаковое число очков.
3. На стеллаже библиотеки в случайном порядке расставлено 15 учебников, причём пять из них в переплёте. Библиотекарь берёт наудачу три учебника. Найти вероятность того, что хотя бы один из взятых учебников окажется в переплёте.
4. У рыбака есть три любимых места рыбалки. Эти места он посещает с одинаковой вероятностью. Вероятность того, что рыба клюнет в первом месте, близка к $1/3$, во втором - $1/2$, в третьем - $1/4$. Рыбак домой пришел с одной рыбой. Какова вероятность того, что он рыбачил в первом из любимых мест?

5. Случайно встреченное лицо с вероятностью, близкой к 0,3, может оказаться шатеном. Какова вероятность того, что среди шести случайно встреченных лиц хотя бы один шатен?
6. Вероятность попадания в мишень примерно 0,3. Какова вероятность того, что при 48 выстрелах попаданий будет третья часть?
7. Бросаем монету 40 раз. Чему равна вероятность того, что цифра появится от 20 до 25 раз?
8. Счетчик Гейгера регистрирует частицы, вылетающие из некоторого радиоактивного источника, с вероятностью 0,0001. Предположим, что за время наблюдения из источника вылетело 30000 частиц. Какова вероятность того, что счетчик зарегистрирует ровно три частицы?

Вариант 5.

1. Восемь шахматистов, среди которых три гроссмейстера, путём жеребьёвки делятся на две команды по 4 человека. Какова вероятность того, что два гроссмейстера попадут в одну команду, а ещё один – в другую?
2. Из партии изделий товаровед отбирает изделия высшего сорта. Вероятность того, что наудачу взятое изделие окажется высшего сорта, равна 0,8. Найти вероятность того, что из трёх проверенных изделий только два изделия высшего сорта.
3. Для разрушения моста достаточно попадания одной авиационной бомбы. Найти вероятность того, что мост будет разрушен, если на него сбросить четыре бомбы, вероятности которых соответственно равны: 0,3, 0,4, 0,6, 0,7.
4. В батарее из 10 орудий одно непристрелянное. Вероятность попадания из пристрелянного орудия равна 0,73, а из непристрелянного — 0,23. Произвели один выстрел и промахнулись. Найти вероятность того, что выстрел произведен из непристрелянного орудия.
5. В магазин зашли 8 человек. Найти вероятность события, состоящего в том, что 3 из них будут что-нибудь покупать. Вероятность, что любой из посетителей не уйдет бее покупки, равна 0,3.
6. По данным телевизионного ателье, в течение гарантийного срока выходит из строя в среднем 12% кинескопов. Какова вероятность того, что из 46 наугад выбранных кинескопов 36 проработают гарантийный срок?
7. Баскетболист забрасывает штрафной примерно с вероятностью 0,7. Какова вероятность того, что из 100 бросков результативных будет от 60 до 75?
8. Среди 1000 лисиц, выращенных на ферме, 8 альбиноса. Какова вероятность того, что среди сотни наугад выбранных лисиц не окажется ни одного альбиноса?

Вариант 6.

1. В группе 10 юношей и 10 девушек. Для дежурства на вечере путём жеребьёвки выделяют пять человек. Какова вероятность того, что в число дежурных войдут 2 юноши и 3 девушки?

2. Две однотипные радиостанции имеют 8 фиксированных одинаковых частот. Какова вероятность того, что при независимом и произвольном выборе частот они окажутся настроенными на разные частоты?
3. В лотерее разыгрывается 100 билетов. Выигрыши выпали на 20 билетов. Некто приобрёл 5 билетов. Найти вероятность события: выигрыш выпадет хотя бы на один билет.
4. Три токаря изготавливают одни и те же детали. Первый из них изготавливает 90% стандартных деталей, второй и третий – 80%. Наудачу отобранная деталь оказалась нестандартной. Какова вероятность того, что она изготовлена первым токарем, если известно, что все трое работают с одинаковой производительностью?
5. Вероятность всхожести пшеницы равна 0,8. Какова вероятность того, что из 5 семян взойдет не менее 3?
6. Известно, что 30% семян некоторой культуры поражены болезнью. Какова вероятность того, что в пробе, содержащей 1000 семян 720 будут здоровыми?
7. Принимая одинаково вероятным рождение мальчика и девочки, найти вероятность того, что из 4000 тысяч новорожденных мальчиков будет от 1950 до 2030?
8. Устройство состоит из 1000 элементов, работающих независимо один от другого. Вероятность отказа любого элемента в течении часа равна 0,002. Найти вероятность того, что за час хотя бы один элемент откажет?

Тема 5. Математическая статистика

Вариант 1.

1. Дано число вредителей на 1 м² посевов сахарной свёклы (шт.):

4	6	7	9	10
7	5	10	3	7
10	18	9	7	4
10	6	6	9	17
5	3	12	5	6
3	2	8	8	8
6	10	3	10	9
11	14	9	5	10
6	3	6	5	7
4	4	8	8	4

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Вариант 2.

1. Даны значения жирности молока в суточном надое от каждой из 50 наудачу отобранных коров (%):

3,77	3,80	3,63	3,65	4,06
3,75	4,07	3,85	3,83	3,48
3,62	3,69	3,87	3,83	3,70
3,75	3,66	3,65	3,87	3,78
3,89	3,95	3,83	3,80	3,83

3,65	3,71	3,93	3,72	3,75
3,91	3,70	3,89	3,86	3,61
3,53	4,11	3,52	3,88	3,68
3,85	3,65	3,69	3,63	3,91
3,82	3,40	3,87	3,54	3,86

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Вариант 3.

1. Даны результаты обследования 50 голов крупного рогатого скота по определению числа паразитов на каждом животном (шт.):

15	9	15	14	8
13	14	12	7	13
11	10	12	11	12
15	12	11	11	10
17	16	12	10	14
10	12	19	16	12
12	20	12	14	9
16	12	9	10	11
7	8	16	16	18
14	13	13	10	16

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Вариант 4.

1. Дана длина волокон хлопка (мм):

24	36	38	64	28
61	36	30	28	30
48	31	50	40	41
36	28	45	29	31
39	33	30	41	30
41	28	39	33	36
29	32	53	49	46
36	43	36	37	55
38	26	29	36	36
35	27	47	48	43

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Вариант 5.

1. Дано число всходов пшеницы на 1 кв.м. посевов (шт.):

264	271	206	226	261
260	291	239	279	241
240	236	252	261	230
248	272	227	228	247
195	225	246	216	231
270	196	276	226	275

205	256	275	245	271
251	295	238	266	253
234	235	217	272	260
263	211	243	219	259

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Вариант 6.

1. Даны интервалы времени между прибытиями автомашин с зерном на хлебоприёмный пункт (мин);

3,6	3,0	2,5	4,1	12,8
8,0	3,3	1,3	6,5	6,8
3,6	1,2	4,8	0,2	2,2
5,2	17,6	6,1	1,3	9,3
1,6	14,2	14,8	0,3	7,2
2,2	6,2	12,5	0,7	6,2
0,7	0,6	15,4	3,4	2,7
0,2	3,3	5,3	6,9	2,9
6,7	2,6	5,7	3,8	0,2
1,5	27,5	4,7	0,0	0,2

- 1) По данной выборке построить вариационный ряд, статистическое интервальное (или дискретное) распределение. Изобразить его графически.
- 2) Найти точечные оценки (выборочную среднюю, моду, медиану, дисперсию, среднее квадратическое отклонение).

Критерии оценки:

Оценка "отлично" ("5") выставляется студентам глубоко и прочно усвоившим программный материал.

Оценка "хорошо" ("4") выставляется студентам, которые показывают твердые знания программного материала, решают задачи программного материала.

Оценка "удовлетворительно" ("3") выставляется студентам, которые знают материал, но не усвоили деталей, при решении допускают неточности, решают типовые задачи.

Оценка "не удовлетворительно" ("2") выставляется студентам, которые не знают значительной части программного материала.

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

« ___ » _____ 20 ____ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородский государственный аграрный университет имени В.Я.Горина»

Кафедра математики, физики, химии и информационных технологий

Форма экзаменационного билета

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородский государственный аграрный университет им. В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Матрицы. Основные понятия и определения. Действия над матрицами.
2. Понятие предела функции. Применение предела для исследования функции.
3. Группе студентов для прохождения производственной практики выделено 30 мест: 15 – в Туле, 8 – во Владимире, 7 – в Калуге. Какова вероятность того, что студент и студентка, которые в скором времени собираются сыграть свадьбу, будут посланы для прохождения практики в один и тот же город, если декан ничего не знает об их семейных делах?

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

Заведующий кафедрой _____ Е.В. Голованова
(подпись)

« ____ » _____ 20 ____ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородская государственная аграрная академия наук и образования им.В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 2

1. Определители. Основные понятия и определения. Свойства определителей. Вычисление определителей.
2. Определение производной. Правила дифференцирования. Таблица производных элементарных функций. Таблица производных сложных функций.
3. Из 10 телевизоров на выставке 4 оказались фирмы «SONY». Наудачу для осмотра выбрано 3. Найти вероятность того, что все они принадлежат фирме «SONY».

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

Заведующий кафедрой _____ Е.В. Голованова
(подпись)

« ____ » _____ 20 г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородская государственная аграрная академия наук и образования им.В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 3

1. Системы линейных уравнений. Основные понятия и определения. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера.
2. Определение производной. Геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции. Правило Лопиталя.
3. Произведено два выстрела в мишень. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0.8, вторым – 0.7. Найти вероятность того, что в мишень попал только один из стрелков.

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

Заведующий кафедрой _____ Е.В. Голованова
(подпись)

« ____ » _____ 20 ____ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородская государственная аграрная академия наук и образования им.В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 4

1. Системы линейных уравнений. Основные понятия и определения. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.
2. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Формула для приближённых вычислений. Таблица дифференциалов.
3. Дискретная случайная величина задана законом распределения. Найти функцию распределения и построить график функции распределения.

X	3	4	7	10
p	0.2	0.1	0.4	0.3

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

Заведующий кафедрой _____ Е.В. Голованова
(подпись)

«___» _____ 20__ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородская государственная аграрная академия наук и образования им.В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 5

1. Определение производной. Применение производной для исследования функции.
2. Задачи математической статистики. Выборка. Статистическое распределение. Числовые характеристики.

3. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:
$$\begin{cases} 3x + 3y - z = -3 \\ -x - 3y + 2z = 3 \\ -5x + 3y - 5z = -5 \end{cases}$$

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

Заведующий кафедрой _____ Е.В. Голованова
(подпись)

« ____ » _____ 20 ____ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородская государственная аграрная академия наук и образования им.В.Я.Горина»

Кафедра *математики, физики и химии*
Дисциплина *математика*

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 6

1. Первообразная и неопределённый интеграл. Основные свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов. Методы интегрирования.
2. Комплексные числа и их геометрическая интерпретация. Формы записи комплексных чисел. Сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня.
3. На стеллаже библиотеки в случайном порядке расставлено 15 учебников, причём пять из них в переплёте. Библиотекарь берёт наудачу три учебника. Найти вероятность того, что хотя бы один из взятых учебников окажется в переплёте.

К комплекту экзаменационных билетов прилагаются разработанные преподавателем и утвержденные на заседании кафедры критерии оценки по дисциплине:

Оценка "отлично" ("5") выставляется студентам глубоко и прочно усвоившим программный материал. При этом экзаменуемый не испытывает затруднений при ответе на дополнительные вопросы.

Оценка "хорошо" ("4") выставляется студентам, которые показывают твердые знания программного материала, грамотно и по существу излагают его, решают задачи программного материала, отвечают на дополнительные вопросы, не допуская существенных неточностей.

Оценка "удовлетворительно" ("3") выставляется студентам, которые знают материал, но не усвоили деталей, при ответе допускают неточности и дают недостаточно правильные формулировки, решают типовые задачи.

Оценка "не удовлетворительно" ("2") выставляется студентам, которые не знают значительной части программы.

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

« ____ » _____ 20 ____ г.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Белгородский государственный аграрный университет имени В.Я.Горина»

Кафедра математики, физики, химии и информационных технологий

Вопросы к экзамену

1. Матрицы. Основные понятия и определения. Действия над матрицами.
2. Определители. Основные понятия и определения. Свойства определителей. Вычисление определителей.
3. Системы линейных уравнений. Основные понятия и определения. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера.
4. Системы линейных уравнений. Основные понятия и определения. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.
5. Комплексные числа и их геометрическая интерпретация. Формы записи комплексных чисел. Сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня.
6. Понятие предела функции. Основные теоремы о пределах функции. Понятие бесконечно малых и бесконечно больших функций, их свойства. Раскрытие неопределённостей. Первый и второй замечательные пределы.
7. Понятие предела функции. Применение предела для исследования функции.
8. Определение производной. Правила дифференцирования. Таблица производных элементарных функций. Таблица производных сложных функций.
9. Определение производной. Геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции. Правило Лопиталя.
10. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Формула для приближённых вычислений. Таблица дифференциалов.
11. Определение производной. Применение производной для исследования функции.
12. Первообразная и неопределённый интеграл. Основные свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов. Методы интегрирования.
13. Основные свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов. Метод разложения.
14. Основные свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов. Метод интегрирования по частям.

15. Метод замены переменной интегрирования в неопределённом интеграле. Таблица дифференциалов.
16. Понятие определённого интеграла и его свойства. Методы вычисления определённого интеграла.
17. Понятие определённого интеграла и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление площади плоских фигур.
18. Теория вероятностей как раздел математики. Классификация событий. Алгебра событий. Комбинаторика.
19. Вероятность события. Теоремы сложения и умножения. Формулы полной вероятности и Байеса.
20. Повторные независимые испытания. Схема Бернулли.
21. Дискретная случайная величина и её распределения.
22. Задачи математической статистики. Выборка. Статистическое распределение. Числовые характеристики.
23. Регрессия и корреляция.

Критерии оценки:

Оценка "отлично" ("5") выставляется студентам глубоко и прочно усвоившим программный материал.

Оценка "хорошо" ("4") выставляется студентам, которые показывают твердые знания программного материала, решают задачи программного материала.

Оценка "удовлетворительно" ("3") выставляется студентам, которые знают материал, но не усвоили деталей, при решении допускают неточности, решают типовые задачи.

Оценка "не удовлетворительно" ("2") выставляется студентам, которые не знают значительной части программного материала.

Составитель _____ Е.Д. Дериглазова
(подпись)

« ____ » _____ 20 ____ г.